# Serie technologique e3c nº 64 − mai 2020

# ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES - Première technologique

#### **PARTIE I**

Exercice 1 5 points

Automatismes Sans calculatrice Durée : 20 minutes

	Énoncé	Réponse
	Pendant les soldes, le prix d'une paire de chaussures	керопзе
1.	passe de $50 \in \grave{a}$ 35 $\in$ . Calculer le pourcentage corres-	
	pondant à cette remise.	
2.	Calculer 5 % de 4 846 000	
	Donner l'écriture scientifique de	
3.	$B = \frac{21 \times 10^5 \times 8 \times 10^{-3}}{12 \times 10^7}$	
	$12 \times 10^7$	
4.	On considère l'expression $A(x) = (2x - 5)(3 - x)$ définie	Résoudre $A(x) = 0$
5.	sur l'ensemble $\mathbb R$ des nombres réels.	$A(-1) = \dots$
6.	Convertir 1 500 L en m <sup>3</sup> .	
	<del>                                    </del>	
_		0.00
7.	$C_f$ est la courbe	$f(1) = \dots$
	-5 4 3/2 11 2 3 4 représentative	
	d'une fonction	
	f définie sur	
	R. Compléter par	
	lecture graphique :	
	-6	
		La fonction $f$ estsur
8.		$]-4;-1] \cup [3;+\infty[$
		1 1, 1,0 (0 , 100)
	Dans une classe 1 enfant	Dans cette classe, élèves
9.	do 20 álòros /	sont enfant unique.
	on s'intéresse 25 %	•
	au nombre 40%	
	d'enfants dans	
	chaque famille. 4 enfants	
	Compléter: 3 enfants 10%	
	20 %	
10.		% des familles possèdent 5
		enfants ou plus.

#### Calculatrice autorisée

#### Cette partie est composée de trois exercices indépendants

Exercice 2 5 points

On considère la fonction f définie sur  $\mathbb R$  par :

$$f(x) = \frac{4}{3}x^3 - 6x^2 + 5x + 2.$$

- 1. Calculer f'(x) et montrer que l'on peut l'écrire sous la forme : f'(x) = (2x-5)(-1+2x).
- **2. a.** Construire le tableau de signe de f'(x).
  - **b.** En déduire le tableau de variation de la fonction f.
- **3.** La courbe  $C_f$  représentant la fonction f est tracée sur le graphique de l'annexe à rendre **avec la copie**.

On considère la droite  $\Delta$  tangente à la courbe  $C_f$  point d'abscisse 1,5.

- **a.** Déterminer l'équation réduite de  $\Delta$ .
- **b.** Tracer  $\Delta$  sur le graphique de l'annexe.

Exercice 3 5 points

Afin de se constituer un capital, Monsieur Martin souhaite placer un capital de 1 000 € sur un compte. Son banquier lui conseille la formule suivante :

Placement à 2,2 % par an, à *intérêts composés*, c'est-à-dire qu'à la fin de chaque année, les intérêts perçus s'ajoutent au capital, et génèrent eux-mêmes des intérêts les années suivantes.

Dans cet exercice, si nécessaire, les valeurs seront arrondies à l'unité. On note  $C_n$  le montant, en €, du capital accumulé au bout de n mois. Ainsi  $C_0 = 1000$ .

- **1.** Calculer  $C_1$  et  $C_2$ .
- **2.** Donner, pour tout entier n, l'expression de  $C_{n+1}$  en fonction de  $C_n$ .
- **3.** En déduire la nature de la suite  $(C_n)$ .
- **4.** Calculer  $C_7$ . Que représente cette valeur pour Monsieur Martin?
- **5.** Monsieur Martin souhaite savoir au bout de combien d'années il disposera de 1 300 €sur son compte.

Recopier et compléter l'algorithme cicontre (écrit dans le langage Python) pour que l'appel de la variable n, en fin d'exécution, réponde au problème posé.

Exercice 4 5 points

Dans un lycée de 450 élèves, le foyer a dénombré les lycéens utilisant la connexion wifi mise à leur disposition. Il en ressort que 72 % des élèves utilisent cette connexion, et parmi eux, 148 filles. En revanche, 20 % des garçons affirment ne pas l'utiliser.

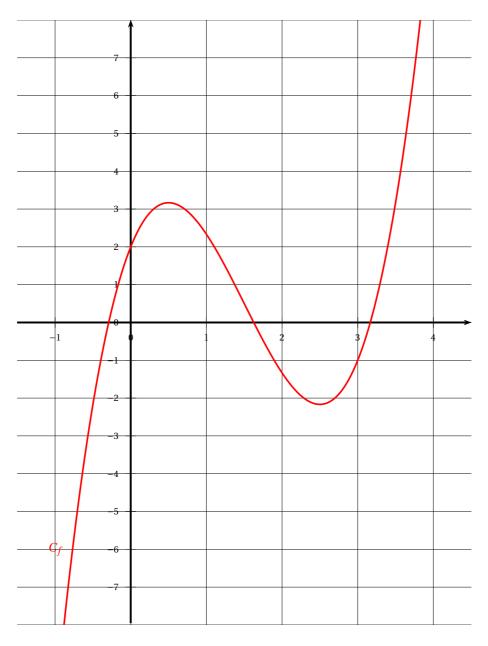
- À l'aide des données précédentes, compléter le tableau croisé d'effectifs donné en annexe, à rendre avec la copie.
- 2. On prélève au hasard une fiche dans le fichier des élèves du lycée. On admettra que toutes les fiches ont la même probabilité d'être prélevées. On note :
  - G l'évènement : « la fiche prélevée est celle d'un garçon »;
  - W l'évènement : « la fiche prélevée est celle d'un élève utilisant la connexion wifi ».

Si nécessaire, les résultats seront arrondis à  $10^{-2}$  près.

- a. Calculer la probabilité de prélever la fiche d'un garçon.
- **b.** Montrer que la probabilité de prélever la fiche d'un garçon utilisant la connexion wifi est égale à 0,39.
- **c.** Calculer la probabilité de prélever la fiche d'un élève n'utilisant pas la connexion wifi, sachant que cet élève est une fille.
- **d.** Calculer la probabilité  $P_W(G)$  et interpréter le résultat.

# Annexe à rendre avec la copie

### Exercice 2



## Exercice 4

	Filles	Garçons	Total
Utilisent la connexion wifi			
N'utilisent pas la connexion wifi			
Total			450