





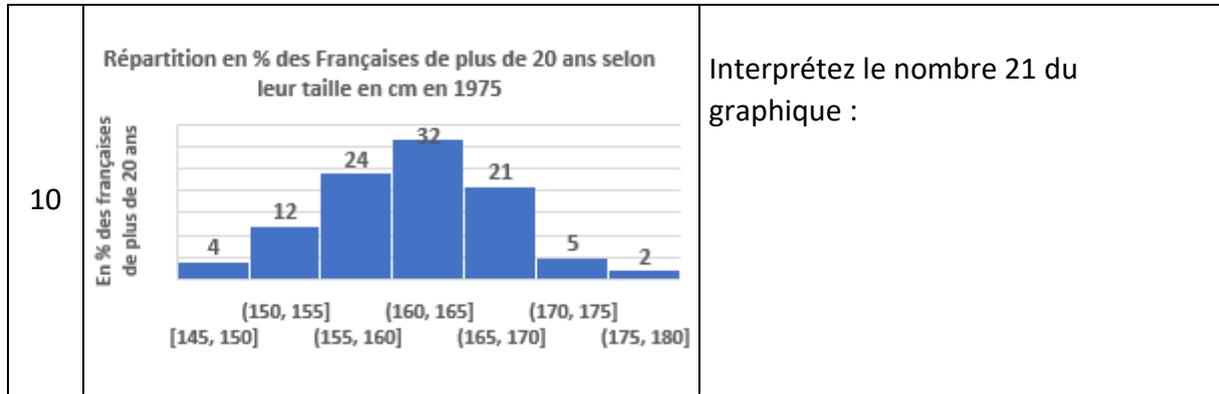
Partie I

Automatismes (5 points)

Sans calculatrice

Durée : 20 minutes

1	L'écriture décimale de $2,45 \times 10^{-4}$ est :							
2	Donner le résultat sous forme de fraction irréductible.	$3 - \frac{3}{4} =$						
3	Calculer 30 % de 80.							
4	Développer et réduire $(2x + 1)(3 - x)$.							
5	Isoler la variable h dans la formule suivante : $A = \frac{b \times h}{2}$.	$h =$						
6	Compléter. $\times 3x = -15x^2$						
7	Le coefficient directeur de la droite Δ passant par les points $A(-2; 2)$ et $B(1; 8)$ est égal à :	$a =$						
8	On donne ci-dessous la courbe C_f représentative d'une fonction f dans un repère orthonormé.	L'image de 3 est : $f(3) =$						
9		Le tableau de signes de f est : <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tbody> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	x	$-\infty$	$+\infty$	$f(x)$		
x	$-\infty$	$+\infty$						
$f(x)$								



Modèle CCYC : ©DNE

Nom de famille (naissance) :

(Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)

Prénom(s) :

N° candidat : N° d'inscription :

(Les numéros figurent sur la convocation.)

Né(e) le : / /



RÉPUBLIQUE FRANÇAISE

1.1

PARTIE II

Calculatrice autorisée

Cette partie est composée de trois exercices indépendants

Exercice 1 (5 points)

Un commercial d'une concession automobile vend entre 0 et 5 voitures par semaine. On nomme X la variable aléatoire qui, à une semaine choisie au hasard, associe le nombre de voitures vendues cette semaine.

Une étude a permis d'obtenir la loi de probabilité de X , présentée dans le tableau ci-dessous :

Nombre k de voitures vendues par semaine :	0	1	2	3	4	5
$P(X = k)$	0,35	0,29		0,13	0,04	0,02

1. Justifier que la probabilité que ce commercial vende exactement deux voitures lors d'une semaine choisie au hasard est égale à 0,17.
2. Calculer la probabilité qu'il vende plus de deux voitures en une semaine.
3. Calculer la probabilité $P(X \leq 2)$.
4. Calculer l'espérance de la variable aléatoire X . Interprétez le résultat dans le contexte de l'exercice.
5. Un collègue du commercial affirme : « Il y a plus d'une chance sur trois qu'aucun de tes clients n'achète de voiture cette semaine ». A-t-il raison ? Justifier votre réponse.



Exercice 2 (5 points)

Le nombre de foyers français ayant choisi un abonnement Internet à très haut débit augmente de 6 % par trimestre depuis décembre 2016.

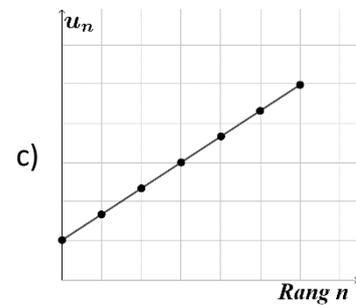
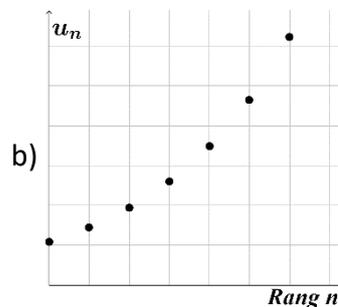
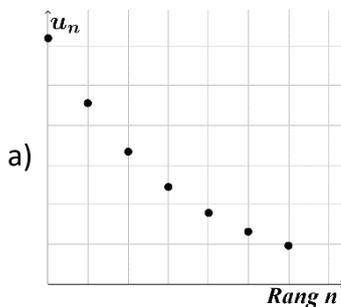
En décembre 2016, il y avait 5,43 millions de foyers abonnés à l'Internet à très haut débit en France.

On note u_n le nombre de foyers abonnés à l'Internet à très haut débit au bout de n trimestres écoulés depuis décembre 2016, **en millions de foyers**.

Le tableau ci-dessous, extrait d'une feuille de calcul, donne les premières valeurs, arrondies au centième, de la suite (u_n) ainsi définie.

	A	B	C	D	E	F
1	Rang n du trimestre	0	1	2	3	4
2	Nombre u_n de foyers abonnés (en millions)	5,43	5,76	6,11		

1. Calculer la valeur de u_3 arrondie au centième. Interpréter par une phrase le résultat obtenu.
2. Indiquer la formule à saisir dans la cellule C2 pour obtenir les valeurs suivantes des termes de la suite, par recopie vers la droite.
3. Ecrire une relation de récurrence entre u_{n+1} et u_n . En déduire la nature de la suite.
4. L'un des trois graphiques proposés ci-dessous est la représentation graphique des premiers termes de la suite (u_n) . Déterminer lequel en justifiant votre réponse.





Exercice 3 (5 points)

Un laboratoire pharmaceutique fabrique et commercialise un produit. Il peut produire de 5 à 30 kg de ce produit par semaine.

Ce laboratoire s'intéresse au coût total de production nécessaire pour une semaine, exprimé en euros, modélisé par la fonction , définie sur l'intervalle $[5; 30]$ par :

$$C(x) = \frac{1}{3}x^3 - 11x^2 + 100x + 72$$

où x représente le nombre de kg de produit fabriqué dans la semaine.

On donne la courbe représentative de la fonction C sur le graphique fourni en **annexe**, à **rendre avec la copie**.

En s'aidant du graphique de l'annexe, et en faisant apparaître les traits utiles à la lecture, déterminer avec la précision permise par le graphique :

1. Une estimation du coût total de production pour 10 kg de produit fabriqué.
2. Une estimation de la quantité de produit correspondant à un coût total de production de 600 euros.

Après une étude de marché, le prix de vente du produit a été fixé à 60 euros le kg. On peut donc modéliser la recette correspondant à x kg de produit vendus dans la semaine par la fonction $R(x) = 60x$. La courbe représentative de cette fonction R a aussi été tracée sur le graphique fourni en annexe.

3. Déterminer graphiquement l'intervalle dans lequel doit se trouver la quantité de produit fabriqué et vendu dans la semaine pour que le laboratoire réalise un bénéfice positif.

On admet que le bénéfice réalisé par l'entreprise pour x kg de produit vendus est modélisé par la fonction B définie sur l'intervalle $[5; 30]$ par :

$$B(x) = -\frac{1}{3}x^3 + 11x^2 - 40x - 72$$

4. Montrer que : $B'(x) = -(x - 2)(x - 20)$.
5. Étudier le signe de $B'(x)$ et en déduire le tableau de variation de la fonction B sur l'intervalle $[5; 30]$.

