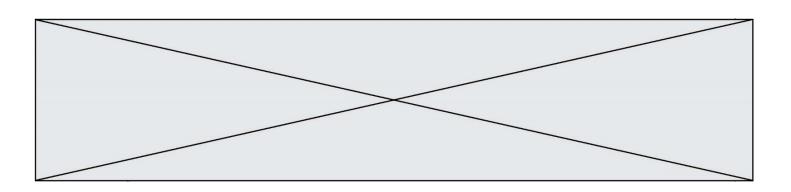
Modèle CCYC : ©DNE Nom de famille (naissance) : (Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)																		
Prénom(s) :																		
N° candidat :											N° (d'ins	scrip	tior	ı :			
Liberté · Égalité · Fraternité RÉPUBLIQUE FRANÇAISE NÉ(e) le :	(Les nu	uméros	figure	ent sur	la con	vocatio	on.)											1.1

ÉVALUATION
CLASSE: Première
VOIE : □ Générale ⊠ Technologique □ Toutes voies (LV)
ENSEIGNEMENT: Mathématiques
DURÉE DE L'ÉPREUVE : 2 heures
PREMIÈRE PARTIE : CALCULATRICE INTERDITE
DEUXIÈME PARTIE : CALCULATRICE AUTORISÉE
☑ Ce sujet contient des parties à rendre par le candidat avec sa copie. De ce fait, il ne peut être dupliqué et doit être imprimé pour chaque candidat afin d'assurer ensuite sa bonne numérisation.
☐ Ce sujet intègre des éléments en couleur. S'il est choisi par l'équipe pédagogique, il est nécessaire que chaque élève dispose d'une impression en couleur.
☐ Ce sujet contient des pièces jointes de type audio ou vidéo qu'il faudra télécharger et jouer le jour de l'épreuve.
Nombre total de pages : 7

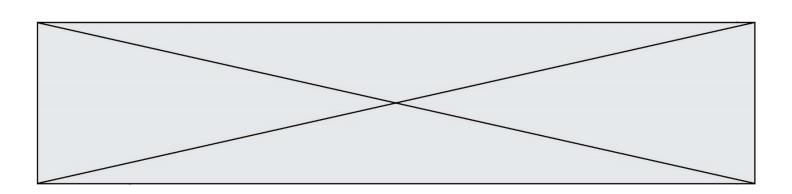


Modèle CCYC: ©DNE Nom de famille (naissance): (Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)																		
Prénom(s) :																		
N° candidat :											N° c	d'ins	crip	tior	n:			
Liberté · Égalité · Fraternité RÉPUBLIQUE FRANÇAISE Né(e) le :	(Les nu	uméros	figure	ent sur	la con	vocatio	on.)											1.1

PARTIE I Exercice 1 (5 points)

Automatismes (5 points) Sans calculatrice Durée : 20 minutes

	Énoncé	Réponse
1)	Lors de la préparation de sa tournée, une infirmière libérale, constate que sur ses 40 patients 35 % des patients sont des femmes sexagénaires. Combien y a-t-il de femmes sexagénaires ?	
2)	Donner la fraction irréductible égale à $\frac{3}{16} \times \frac{4}{9}$.	
3)	Résoudre dans \mathbb{R} : $-4x + 3 < 7 - x$.	
4)	Développer et réduire $(x + 3)^2 - x^2$.	
5)	Un prix est multiplié par 1,01. Donner son évolution en pourcentage.	
6)	Donner l'équation réduite de la droite passant par les points $A(0;2)$ et $B(-1;5)$.	



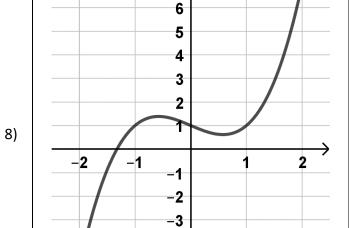
С

 ${\cal C}$ est la courbe représentative d'une fonction f définie sur[-2;2].

7

7) Compléter par lecture graphique.

L'image de 0 par f est



-4 -5 L'ensemble des solutions de l'équation f(x) = 1 est

Donner le tableau de signe de l'expression 9) suivante :

$$A = 2x - 9$$

Donner le tableau de signe de l'expression 10) suivante :

$$B = (x-5)(2x-9)$$

Modèle CCYC : ©DNE Nom de famille (naissance (Suivi s'il y a lieu, du nom d'usa): _{[ge)}																	
Prénom(s	:																	
N° candida	::										N° c	d'ins	scrip	tion	n :			
Liberté · Égalité · Fraternité RÉPUBLIQUE FRANÇAISE NÉ(e) le		iuméro	s figure	ent sur	la con	vocatio	on.)]									1.1

PARTIE II

Calculatrice autorisée.

Cette partie est composée de trois exercices indépendants.

Exercice 2 (5 points)

Un laboratoire pharmaceutique souhaite tester le temps de réaction d'un nouvel antibiotique contre le bacille de Koch responsable de la tuberculose. Pour cela, on dispose d'une culture de 10^{10} bactéries dans laquelle on introduit l'antibiotique. On remarque que le nombre de bactéries est divisé par quatre toutes les heures.

Partie A

On a créé la feuille de calcul suivante donnant le nombre de bactéries au bout de n heures après la mise en culture :

	Α	В
1	Nombre d'heures n	Nombre de bactéries
2	0	10^{10}
3	1	
4	2	

- 1. Quelle formule doit-on entrer dans la cellule B3, pour calculer le nombre de bactéries au bout d'une heure, de sorte qu'en recopiant cette formule vers le bas on puisse compléter les lignes suivantes ?
- 2. Sans la déterminer, que représente concrètement la valeur qu'il y aura dans la cellule B18 ?

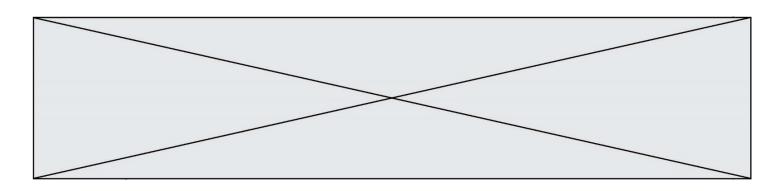
Partie B

On note u_0 le nombre de bactéries au moment de l'introduction de l'antibiotique. Soit u_n le nombre de bactéries contenues dans la culture, n heures après l'introduction de l'antibiotique.

- **1.** Exprimer u_{n+1} en fonction de u_n pour tout entier naturel n.
- **2.** Quelle est la nature de cette suite ? Déterminer sa raison.
- **3.** Recopier et compléter l'algorithme ci-contre en Python, qui donne le nombre d'heures à partir duquel le nombre de bactéries deviendra inférieur à 100.

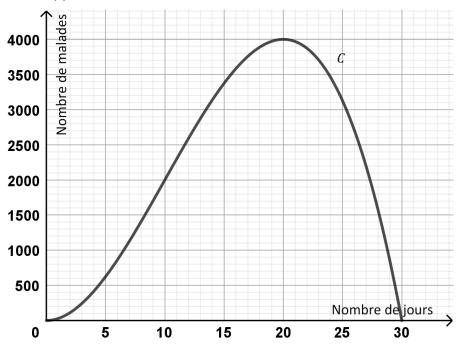
def suite()
$$U = 10^{10}$$
 while $U \dots$ 100:
$$U = \dots$$

$$N = \dots$$
 return \dots



Exercice 3 (5 points)

Une épidémie a frappé les habitants d'une ville.



La courbe ci-dessus, notée C, représente le nombre de personnes malades au cours du temps exprimé en jours, sur une période de 30 jours.

- 1. On répondra aux questions suivantes avec la précision permise par le graphique.
 - a. Déterminer le nombre de malades le cinquième jour.
 - **b.** Sur quel(s) intervalle(s) de temps, le nombre de malades est-il inférieur ou égale à 25 % de son maximum ?
- **2.** On modélise le nombre de personnes malades en fonction du temps t, exprimé en jours, à l'aide de la fonction f définie sur [0; 30] par :

$$f(t) = -t^3 + 30t^2$$

- a. On admet que la fonction f est dérivable sur [0;30] et on désigne par f' sa dérivée. Montrer que f'(t)=3t(20-t).
- **b.** En déduire le tableau de variations de f sur [0; 30].
- **c.** Calculer f'(10) et en déduire l'équation réduite de la tangente T à la courbe C au point d'abscisse 10.

Modèle CCYC : ©DNE Nom de famille (naissance) : (Suivi s'il y a lieu, du nom d'usage)																		
Prénom(s) :																		
N° candidat :											N° d	d'ins	scrip	otio	ı :			
Liberté Égalité Fraternité RÉPUBLIQUE FRANÇAISE NÉ(e) le :	(Les nu	uméros	figure	ent sur	la con	vocation	on.)]									1.1

Exercice 4 (5 points)

On s'intéresse aux individus possédant les deux allèles d'un gène, notés A et a. L'allèle A est supposé dominant et l'allèle a récessif. Les deux allèles se répartissent le long du gène selon 4 configurations possibles : A-A, A-a, a-A et a-a. On admet que ces répartitions sont aléatoires et équiprobables.

Les individus dont le génotype contient au moins un allèle A, présentent l'expression dominante ; ceux de génotype aa présentent l'expression récessive.

On choisit un individu au hasard dans la population.

On note:

- E l'évènement « l'individu possède au moins un allèle a ».
- F l'évènement « l'individu présente l'expression récessive ».
- **1.** Calculer les probabilités de E et de F.
- **2.** Dans la population, on choisit un individu au hasard et on répète trois fois l'expérience de façon identique.

On note X la variable aléatoire donnant le nombre d'individus présentant l'expression récessive.

- **a.** Montrer que P(X = 3) = 0.015625.
- **b.** Montrer que P(X = 0) = 0.421875.
- **c.** On donne la loi de probabilité de la variable aléatoire *X* :

k	0	1	2	3
P(X = k)	0,421875	0,421875	0,140625	0,015625

Un couple a trois enfants. Est-il vrai qu'il y a plus de 60% de chance qu'au moins un des enfants présente l'expression récessive ?

d. Calculer l'espérance de la variable aléatoire *X* et interpréter le résultat.