





8.	Étudier le signe de l'expression $(10x - 7)(-x + 3)$ sur \mathbb{R} .																																											
<p>Pour les questions 9 et 10, on considère la situation suivante : Entre le 1^{er} et le 8 mars 2020, une agence bancaire a étudié nombre de paiements effectués par 500 de ses clients en utilisant le mode « sans contact » de leur carte bancaire. Elle a obtenu le diagramme en barres ci-dessous.</p> <div data-bbox="188 925 1257 1619"><p>Nombre de clients</p><table border="1"><thead><tr><th>Nombre de paiements "sans contact"</th><th>Nombre de clients</th></tr></thead><tbody><tr><td>0</td><td>17</td></tr><tr><td>1</td><td>15</td></tr><tr><td>4</td><td>11</td></tr><tr><td>7</td><td>20</td></tr><tr><td>9</td><td>28</td></tr><tr><td>10</td><td>19</td></tr><tr><td>13</td><td>27</td></tr><tr><td>15</td><td>39</td></tr><tr><td>17</td><td>40</td></tr><tr><td>18</td><td>38</td></tr><tr><td>20</td><td>43</td></tr><tr><td>21</td><td>51</td></tr><tr><td>23</td><td>43</td></tr><tr><td>24</td><td>28</td></tr><tr><td>27</td><td>14</td></tr><tr><td>28</td><td>20</td></tr><tr><td>29</td><td>16</td></tr><tr><td>30</td><td>10</td></tr><tr><td>31</td><td>14</td></tr><tr><td>34</td><td>7</td></tr></tbody></table><p>Nombre de paiements "sans contact"</p></div>			Nombre de paiements "sans contact"	Nombre de clients	0	17	1	15	4	11	7	20	9	28	10	19	13	27	15	39	17	40	18	38	20	43	21	51	23	43	24	28	27	14	28	20	29	16	30	10	31	14	34	7
Nombre de paiements "sans contact"	Nombre de clients																																											
0	17																																											
1	15																																											
4	11																																											
7	20																																											
9	28																																											
10	19																																											
13	27																																											
15	39																																											
17	40																																											
18	38																																											
20	43																																											
21	51																																											
23	43																																											
24	28																																											
27	14																																											
28	20																																											
29	16																																											
30	10																																											
31	14																																											
34	7																																											
9.	Combien de clients ont effectué 28 paiements en utilisant le mode « sans contact » de leur carte bancaire entre le 1 ^{er} et le 8 mars 2020 ?																																											
10.	Combien de clients ont effectué au moins 30 paiements en utilisant le mode « sans contact » de leur carte bancaire entre le 1 ^{er} et le 8 mars 2020 ?																																											



Exercice 3 (5 points)

Une entreprise fabrique x tonnes d'un certain produit, avec $x \in [0 ; 20]$. Le coût total de production de x tonnes de produit, exprimé en milliers d'euros, est donné par :

$$C(x) = x^3 - 30x^2 + 300x.$$

1. On suppose que toute la production est vendue. La recette totale, exprimée en milliers d'euros, est donnée par la fonction r définie sur $[0 ; 20]$ par : $r(x) = 108x$. La fonction associée au bénéfice exprimé en milliers d'euros est donnée par la fonction B définie pour tout x de $[0 ; 20]$ par $B(x) = r(x) - C(x)$.
Vérifier que pour tout réel x appartenant à $[0 ; 20]$, on a : $B(x) = -x^3 + 30x^2 - 192x$.
2. Montrer que pour tout x de $[0 ; 20]$, la fonction dérivée associée au bénéfice B admet comme expression $B'(x) = 3(4 - x)(x - 16)$.
3. Dresser le tableau de variations sur $[0 ; 20]$, de la fonction B .
4. En déduire la quantité que l'entreprise doit fabriquer et vendre pour obtenir un bénéfice maximal. Donner la valeur en milliers d'euros de ce bénéfice.
5. Le directeur commercial de cette entreprise souhaite déterminer les quantités à produire et à vendre pour obtenir un bénéfice strictement positif. Il affirme que si l'entreprise fabrique et vend entre 8 et 20 tonnes de produit, alors son objectif est atteint, à savoir le bénéfice est strictement positif. Le chef de production quant à lui affirme qu'il faudrait fabriquer et vendre entre 10 et 20 tonnes pour atteindre l'objectif.
Pour chacune des deux affirmations, dire si elle est vraie ou fausse en justifiant la réponse.



