



Exercice 1 (5 points)

Cet exercice est un questionnaire à choix multiples (QCM). Les **cinq** questions sont indépendantes. Pour chacune des questions, une seule des quatre réponses est exacte. Le candidat indiquera sur sa copie le numéro de la question et la lettre correspondant à la réponse exacte.

Aucune justification n'est demandée. Une réponse exacte rapporte un point, une réponse fautive ou une absence de réponse ne rapporte ni n'enlève aucun point.

Question 1

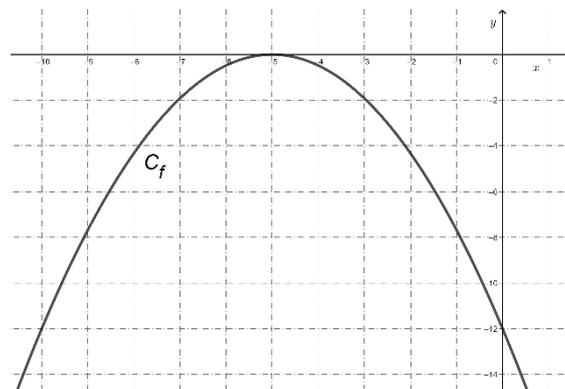
Pour x pièces produites, le coût de fabrication $C(x)$, en milliers d'euros est donné par $C(x) = 0,01x^3 - 0,135x^2 + 0,6x + 15$, avec $x \in [0 ; 30]$.

Pour 2 pièces produites, le coût de fabrication en euros est :

a) 15,74	b) 157,4	c) 1574	d) 15 740
----------	----------	---------	-----------

Question 2

Soit f une fonction polynôme du second degré donnée, pour tout nombre réel x par $f(x) = ax^2 + bx + c$, où a, b, c sont réels. On note Δ son discriminant. On donne ci-dessous C_f la courbe représentative de f et on suppose qu'elle admet l'axe des abscisses comme tangente en un de ses points.



On peut affirmer que :

a) $a < 0$ et $\Delta < 0$	b) $a > 0$ et $\Delta = 0$	c) $a < 0$ et $\Delta = 0$	d) $a < 0$ et $\Delta > 0$
----------------------------	----------------------------	----------------------------	----------------------------





Exercice 2 (5 points)

Une collectivité locale octroie une subvention de 116 610 € pour le forage d'une nappe d'eau souterraine. Une entreprise estime que le forage du premier mètre coûte 130 € ; le forage du deuxième mètre coûte 52 € de plus que celui du premier mètre ; le forage du troisième mètre coûte 52 € de plus que celui du deuxième mètre, etc.

Plus généralement, le forage de chaque mètre supplémentaire coûte 52 € de plus que celui du mètre précédent.

Pour tout entier n supérieur ou égal à 1, on note : u_n le coût du forage du n -ième mètre en euros et S_n le coût du forage de n mètres en euros ; ainsi $u_1 = 130$.

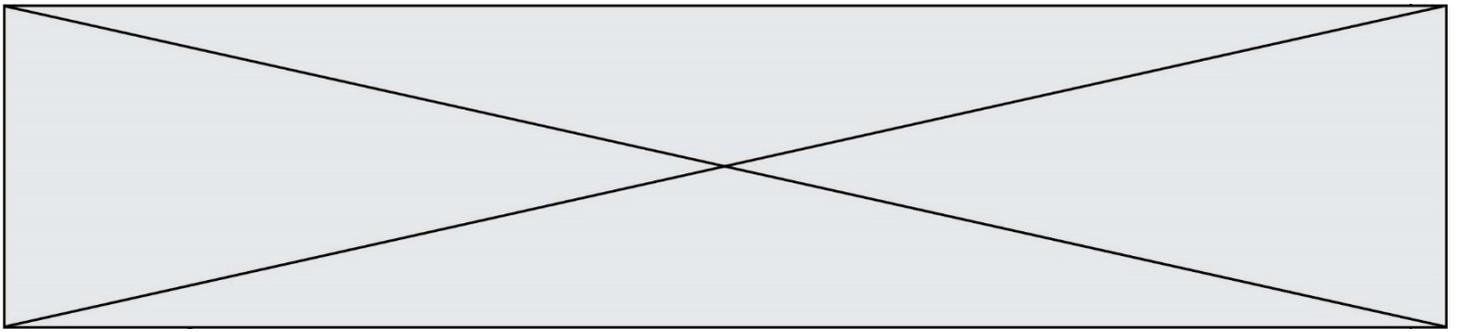
1. Calculer u_2 et u_3 .
2. Préciser la nature de la suite (u_n) . En déduire l'expression de u_n en fonction de n , pour tout n entier naturel non nul.
3. Calculer S_2 puis S_3 .
4. Afin de déterminer le nombre maximal de mètres que l'entreprise peut forer avec la subvention qui est octroyée, on considère la fonction Python suivante :

```
def nombre_metre(S):  
    C = 130  
    n = 1  
    while C < S:  
        C = C + ...  
        n = n + 1  
    return n
```

Compléter cet algorithme de sorte que l'exécution de la fonction `nombre_metre(S)` renvoie le nombre maximal de mètres que l'entreprise peut forer avec la subvention octroyée. Justifier votre réponse.

5. On admet que, pour tout entier naturel non nul, $S_n = 26n^2 + 104n$. En déduire la valeur de n que fournit la fonction Python donnée à la question 4. On expliquera la démarche utilisée.





Exercice 4 (5 points)

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = e^{2x} + 6e^x - 8x - 4$.

Dans le plan rapporté à un repère orthogonal, on considère :

- C_f la courbe représentative de la fonction f
- \mathcal{D} la droite d'équation cartésienne $y = -8x - 4$.

1. Montrer que, pour tout $x \in \mathbb{R}$, $f'(x) = 2(e^x - 1)(e^x + 4)$.
2. Étudier le signe $f'(x)$ sur \mathbb{R} .
3. Dresser le tableau de variations de la fonction f sur \mathbb{R} .
4. En déduire le signe de $f(x)$ sur \mathbb{R} .
5. La courbe C_f et la droite \mathcal{D} ont-elles un point commun ? Justifier.

