E3C: Mathématiques

PARTIE II

Calculatrice autorisée selon la réglementation en vigueur Cette partie est composée de trois exercices indépendants

Exercice 2 (5 Points)

On s'intéresse à la fonction polynôme f définie sur $\mathbb R$ par :

$$f(x) = x^2 + 2x - 3$$

- 1) Montrer que 1 est une racine de la fonction f .
- 2) Montrer que pour tout réel x, f(x) = (x-1)(x+3).
- 3) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation f(x) = 0.
- 4) Donner une équation de l'axe de symétrie de la courbe représentative de la fonction f .
- **5)** Dresser le tableau de signes de la fonction f sur \mathbb{R} .

Sébastien THENOT Page 1 sur 3

E3C: Mathématiques

Exercice 3 (5 Points)

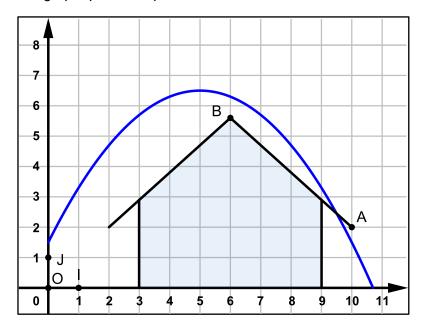
Durant une balade en forêt, un enfant se fabrique un arc et des flèches. Il s'intéresse à la trajectoire d'une de ses flèches.

L'enfant décide de tirer sa flèche par-dessus un hangar désaffecté.

La trajectoire est une portion de la courbe représentative de la fonction f située dans le quart plan rapporté au repère (O, I, J) ci-dessous et définie pour tout réel x, par :

$$f(x) = -0.2(x-5)^2 + 6.5.$$

Une unité graphique correspond à 1 mètre dans la réalité.



- 1) a. De quelle hauteur, en mètre, la flèche est-elle tirée ? Justifier la réponse.
 - b. Quelle hauteur maximale, en mètre, atteint-elle ? Justifier la réponse.
- 2) On s'intéresse au pan du toit représenté par le segment [AB], où A(10;2) et B(6;5,6) dans le repère (O,I,J).

Démontrer qu'une équation de la droite (AB) est y = -0.9x + 11.

On appelle g la fonction affine définie sur \mathbb{R} par g(x) = -0.9x + 11.

- **3)** Démontrer que pour tout réel x, f(x) g(x) = -0.2(x-5)(x-9.5).
- 4) Quelles sont les coordonnées exactes du point d'impact sur le toit ?

Sébastien THENOT Page 2 sur 3

E3C: Mathématiques

Exercice 4 (5 Points)

Une usine d'horlogerie fabrique une série de montres. Au cours de la fabrication, il apparaît deux types de défauts, le défaut mécanique A et le défaut esthétique B.

Sur un lot de 200 montres, 2% des montres fabriquées présentent le défaut A, 10% le défaut B et 178 montres ne présentent aucun des deux défauts.

- 1) a. Combien de montres fabriquées présentent le défaut A?
 - b. Combien de montres fabriquées présentent le défaut B?
 - c. Recopier et compléter sur votre copie le tableau croisé des effectifs suivant :

Nombre de montres	Présentant le défaut A	Ne présentant pas le défaut A	Total
Présentant le défaut B			
Ne présentant pas le défaut B			
Total			200

- 2) a. Quelle est la fréquence f des montres présentant les deux défauts ?
 - **b.** Parmi les montres présentant le défaut B, quel est le pourcentage de celles présentant le défaut A ?
 - **c.** Le directeur de l'usine affirme : « Il y a plus de 90 % des montres qui ne présentent aucun des deux défauts ». A-t-il raison ?

Sébastien THENOT Page 3 sur 3